

TARTU ÜLIKOOL
MATEMAATIKA-INFORMAATIKATEADUSKOND
Matemaatika instituut
Matemaatika eriala

Liina Muru

DEA MEETODI RAKENDAMINE KAGU-EESTI
GÜMNAASIUMIDE EFEKTIIVSUSE HINDAMISEL

Bakalaureusetöö (6 EAP)

Juhendaja: Peep Miidla

Tartu 2013

Sisukord

Sissejuhatus	3
DEA meetodi tutvustus	4
DMU-de efektiivsuse arvutamine	5
DEAP tarkvara tutvustus	9
Rakendus	10
DMU-de valik	10
Sisendite ja väljundite valimine	11
Maavalitsuste esindajate soovitatud sisendid ja väljundid	14
Testide läbiviimine	16
Testide tulemused	19
Kokkuvõte	24
Data Envelopment Analysis and the application of the method to the Southeastern Estonian Secondary schools	25
Kasutatud materjalid	26
Lisad	27
Lisa 1	27
Lisa 2	29
Juhendfail	29
Väljundfail	30

Sissejuhatus

Käesoleva bakalaureusetöö eesmärk on tutvustada DEA meetodit (*Data Envelopment Analysis*), mis võimaldab välja arvutada erinevate üksuste või asutuste efektiivsuse näitajad. Meetodi eripära seisneb selles, et võimaldab arvutada efektiivsust sellistele üksustele, mille eesmärk ei ole kasumi teenimine. Selleks, et anda paremat ülevaadet rakendatakse DEA meetodit Kagu-Eesti kolme maakonna Põlva-, Valga- ja Võrumaa gümnaasiumide võrdlemiseks. Neis kolmes maakonnas on kokku 20 gümnaasiumit ja selle meetodi abil arvutatud efektiivsuse näitude abil on võimalik neid omavahel võrrelda ning järjestada.

DEA meetodit on võimalik rakendada väga erinevatele üksustele. Käesolevas töös analüüsitakse koole seetõttu, et need on heaks näiteks üksustest, mille hindamine muudel meetoditel on keeruline. Koolidele on DEA meetodit üle maailma rakendatud ka varem, kuid Eestis ei ole seda varem tehtud, kuigi teiste elualade analüüse antud meetodiga on läbi viidud. Eesti koolisüsteem koosneb mitmest astmest. Alg- ning põhikoolide eesmärk on hariduse andmise kõrval ka kasvatuslik ning selle külje efektiivsuse mõõtmine oleks vaid kättesaadavate andmete põhjal võimatu. Gümnaasiumide eesmärgid keskenduvad vaid hariduse andmisele [9] ning seetõttu on need ka võrreldavamad kasutades erinevaid tulemusi. DEA meetod annab koolide järjestamiseks mitmekülgsema võimaluse kui seda on vaid lõpueksamite tulemuste arvestamine, mida Eestis iga-aastaselt tehakse.

Töö koosneb neljast peatükist. Esimeses peatükis tutvustatakse DEA meetodit. Peatükk koosneb kahest alajaotusest, millest esimeses tutvustatakse meetodit, mida efektiivsuse arvutamiseks kasutatakse ning teises antakse lühike ülevaade töös kasutatavast programmist DEAP (*Data Envelopment Analysis (Computer) Program*). Teine peatükk koosneb kolmest alapeatükist ning kirjeldab meetodi rakendamist Kagu-Eesti gümnaasiumidele. Kolmas peatükk kirjeldab testide täpsemat läbiviimist DEAP-is. Neljas peatükk teeb kokkuvõtte tulemustest, mis DEA meetodi rakendamisel saadi.

Tööl on kaks lisa. Esimene lisa on Kagu-Eesti gümnaasiumide andmete tabel, mis on autori poolt koostatud Eesti Hariduse Infosüsteemist [8] saadud andmete põhjal ning mida on kasutatud DEA meetodi rakendamisel. Teine lisa sisaldab DEA arvutiprogrammi DEAP faile, millest esimene on juhendfail ning teine tulemusfail.

Autor soovib tänada Põlva, Valga ja Võru maavalitsusi koostöö ning hinnangute eest ja Peep Miidlat igakülgse abi ja juhendamise eest.

DEA meetodi tutvustus

DEA meetod (*Data Envelopment Analysis*)¹ on matemaatiline meetod, mille abil saab hinnata erinevate üksuste efektiivsust. Iga üksust hinnatakse teiste samasse süsteemi kuuluvate üksuste suhtes. DEA on vajalik meetod just seetõttu, et tihti ei saa hinnata efektiivsust vaid rahalise kasumi põhjal ning arvesse tuleb võtta ka teisi näitajaid. See on eriti oluline just üksuste puhul, mille efektiivsus sõltub paljudest sisenditest ning väljunditest. DEA meetod annab erinevatele üksustele efektiivsuse mõõdu võttes arvesse mitmeid eri parameetreid ning selle abil järjestab erinevad üksused efektiivsuse alusel.

Üheks tähtsaimaks DEA meetodit puudutavaks tööks peetakse 1978. aastal ilmunud artiklit „Otsustusüksuste efektiivsuse mõõtmine“ (*“Measuring the efficiency of the decision making units”*) [3], mille autoriteks on A. Charnes, W.W. Cooper ja E. Rhodes. Alates sellest ajast on DEA meetodit kasutatud väga erinevate üksuste efektiivsuse mõõtmiseks. Näiteks on meetod kasutust leidnud koolide, haiglate, keskkonnategurite, veevõrgu ning isegi riikide ja valitsuste efektiivsuse hindamisel. Alates esimestest DEA meetodit tutvustavatest artiklitest on iga aasta ilmunud mitmeid uurimusi, kus DEA meetodit erinevatel elualadel rakendatakse.

DEA meetodi komponentideks on DMU-d (*Decision Making Units*), mis tähistavad erinevaid ettevõtteid või otsustusüksusi, mida DEA meetodiga hindama hakatakse. Nendeks ettevõteteks võivad olla lisaks tavapärastele äridele ka valitsusasutused või mittetulundusorganisatsioonid. Tihti vaadeldakse DMU-dena haridusasutusi, haiglaid või sisekaitseüksusi, mida DEA meetod võrrelda võimaldab. Analüüsis kasutatakse DMU-de parameetreid, mida vaadeldakse sisendite ja väljunditena [4].

Selleks, et meetodit rakendada, eeldame, et meil on n DMU-d, mida hinnatakse. Igal DMU-l on m erinevat sisendit ja s erinevat väljundit. Iga DMU_j tarbib sisendit i koguses x_{ij} ja väljastab väljundit r koguses y_{rj} . Me eeldame, et $x_{ij} \geq 0$ ja $y_{rj} \geq 0$ ning seda, et igal DMU-l on vähemalt üks positiivse väärtusega sisend ja üks positiivse väärtusega väljund. Nii on meetodi algtingimusi kirjeldatud Cooperi, Seifordi ja Zhu artiklis [4]. Lähtudes Charnesi, Cooperi ja Rhodesi (edaspidi CCR) tööst [3], konstrueeritakse nüüd nn virtuaalne sisend ja virtuaalne väljund DMU_e jaoks, mis on antud hetkel hinnatav DMU, ja määratakse vastavad kaalud kõigi komplekti kuuluvate DMU-de andmete põhjal. DMU-de efektiivsuse mõõtmiseks kasutatakse

¹ Selleks, et terminoloogiat lihtsustada, on töös kasutusel ingliskeelsed lühendid, kuna eestikeelseid üheseid vasteid antud mõistetele veel loodud ei ole. DEA meetodi tõlkeks on pakutud andmemähkimise meetodit, kuid kuna tegu ei ole üldkasutatava mõistega on töös jäänud ingliskeelsete terminite juurde.

sisendite ja väljundite kaalutud ning maksimiseeritud suhet. Sel viisil taandatakse mitme sisendi ja väljundiga olukord kergemini analüüsitavaks.

DMU-de efektiivsuse arvutamine

DMU-de efektiivsuse arvutusi on võimalik teha nii sisendile kui väljundile orienteeritult. Sisendile orienteeritud mudelite puhul vaadeldakse seda, kui palju on võimalik vähendada ebaefektiivsete DMU-de sisendeid nii, et väljundid ei väheneks. Väljunditele orienteeritud mudeli puhul vaadeldakse seda, kui palju on võimalik väljundeid suurendada käesolevate sisendite puhul [6].

Järgnev meetodi kirjeldus on koostatud allikate [3] ja [4] põhjal ning on refereering.

Selleks, et hinnata DMU efektiivsust tuleb maksimiseerida väljundite ja sisendite kaalutud suhe. DMU_ε on hetkel vaadeldav üksus ning seda võrreldakse kõigi teiste üksustega DMU_j , kus $j=1, \dots, n$ [3]. Arvutustes kasutatakse virtuaalset sisendit, mis on nimetajas, ja virtuaalset väljundit, mis on lugejas, mis saadakse määrares sisenditele ja väljunditele kaalud ning summeerides:

$$\max h_\varepsilon(u, v) = \frac{\sum_{r=1}^s u_r y_{r\varepsilon}}{\sum_{i=1}^m v_i x_{i\varepsilon}}, \quad (1)$$

kusjuures suhe pole suurem ühest

$$\frac{\sum_{r=1}^s u_r y_{rj}}{\sum_{i=1}^m v_i x_{ij}} \leq 1, \quad (2)$$

$$j = 1, \dots, n, \quad u_r, v_i \geq 0, \quad r = 1, \dots, s, \quad i = 1, \dots, m.$$

Võrrandites tähistavad y_{rj} teadaolevaid j -nda DMU väljundite väärtusi ja x_{ij} selle teadaolevaid sisendite väärtusi. Muutujateks antud võrrandis on vastavad kaalud u_r ja v_i , mis on mittenegatiivsed. Iga DMU parameetrid, mis mõjutavad tema efektiivsust, määratakse ainult sõltuvalt teistest DMU-dest [3].

Võrrand (1) ei ole lineaarplaneerimisülesanne ning seega on see keeruliselt lahenduv. CCR artiklis vaadeldakse hoopis võrrandiga (1) seotud võrrandit:

$$\min f_\varepsilon(u, v) = \frac{\sum_{i=1}^m v_i x_{i\varepsilon}}{\sum_{r=1}^s u_r y_{r\varepsilon}} \quad (3)$$

ning vastavalt kehtib antud suhte puhul tingimus

$$\frac{\sum_{i=1}^m v_i x_{ij}}{\sum_{r=1}^s u_r y_{rj}} \geq 1,$$

$$j = 1, \dots, n, \quad u_r, v_i \geq 0.$$

Selle võrrandi viimiseks lineaarplaneerimisülesandeks võtame kõigepealt väljundite jaoks suuruse z_ε , mille abil saame võrrandi, mis on ekvivalentne võrrandiga (1). Toimub üleminek muutujatelt u ja v muutujatele μ ja ω , mille jaoks kasutatakse Charnes-Cooperi teisendust [4].

Lineaarplaneerimisülesandele üleminekuks tuleb z_ε maksimiseerida:

$$\max z_\varepsilon = \sum_{r=1}^s \mu_r y_{r\varepsilon} \quad (4)$$

ning peavad kehtima

$$\begin{aligned} \sum_{i=1}^m \omega_i x_{i\varepsilon} &= 1 \\ \sum_{r=1}^s y_{rj} \mu_r - \sum_{i=1}^m \omega_i x_{ij} &\leq 0, \quad j = 1, \dots, n, \\ \omega_i, \mu_r &\geq 0, \quad r = 1, \dots, s, \quad i = 1, \dots, m. \end{aligned} \quad (5)$$

Näitame, et saadud võrrand (4) on ekvivalentne võrrandiga (1). Kuna võrrandi (1) puhul oli tingimuseks kaalude v_i ja sisendite väärtuste x_{ij} mittenegatiivsus ning vähemalt ühe positiivse sisendi väärtuse olemasolu, siis on võrrandi (1) nimetaja positiivne iga $j=1, \dots, n$ korral. Seega saame tingimuse (5) korrutades võrrandi (2) mõlemat poolt võrrandi (2) nimetajaga. Teame, et murd on invariantne lugeja ja nimetaja korrutamisel ühe ja sama nullist erineva arvuga. Võtame võrrandi (1) nimetaja võrdseks ühega, mille märgime ära võrrandi (4) tingimustes ning maksimiseerime lugeja, mis annabki meile võrrandi (4). Kui z_ε^* on võrrandi (4) optimaalne lahend ja $\omega_i = \omega_i^*$ ning $\mu_r = \mu_r^*$ on optimaalsed kaalud, siis lahendid $u_r = \mu_r^*$ ja $v_i = \omega_i^*$ on optimaalsed ka võrrandi (1) jaoks, kuna võrrand (4) ja tema tingimused on saadud vastavalt eespool tehtud sammudele. Seega on võrranditel (1) ja (4) sama optimaalne lahend. [Tõestus allikast 5]

Saadud lineaarplaneerimisülesanne tuleb lahendada iga DMU kohta. Teisel juhul kasutatakse muutujale z_ε vastavat sisendite näitajat g_ε , mis leidub lineaarplaneerimisülesande duaalsuse tõttu:

$$\min g_\varepsilon = \sum_{i=1}^m \omega_i x_{i\varepsilon}. \quad (6)$$

ning peab kehtima

$$-\sum_{r=1}^s \mu_r y_{rj} + \sum_{i=1}^m \omega_i x_{ij} \geq 0,$$

$$\sum_{r=1}^s \mu_r y_{r\varepsilon} = 1,$$

$$j = 1, \dots, n,$$

$$\mu_r, \omega_i \geq 0 \quad \forall r, i.$$

Rakendades võrrandile (6) muutujate vahetust

$$\omega_i = t v_i, \quad i = 1, \dots, m,$$

$$\mu_r = t u_r, \quad r = 1, \dots, s,$$

$$t^{-1} = \sum_r u_r y_{r\varepsilon},$$

mis tingimusel $t > 0$ annab meile

$$\min f_\varepsilon = \frac{\sum_{i=1}^m v_i x_{i\varepsilon}}{\sum_{r=1}^s u_r y_{r\varepsilon}}, \quad (7)$$

mille puhul peavad kehtima:

$$\sum_{i=1}^m v_i x_{ij} - \sum_{r=1}^s u_r y_{rj} \geq 0, \quad j = 1, \dots, n,$$

$$v_i, u_r \geq 0.$$

Võrrandid (7) ja (3) on samaväärsed. Ka siin on kasutatud sarnast üleminekut nagu võrrandite (1) ja (4) korral, kuid siin on selle kehtivust näidatud muutujate väärtuste abil. Seega saame kasutada võrrandit (6), et lahendada võrrand (7). See aga annab meile lahendi ka võrrandile (3), millest alustasime [3]. Nii oleme saanud lineaarplaneerimisülesanded, mille abil saame arvutada keerulisema võrrandi tulemused, et leida optimaalsed f_ε^* või h_ε^* ja kaalud $v_i^*, u_r^* \geq 0$, $r=1, \dots, s$, sest nägime, et muutujate teisendus ei too kaasa funktsionaali väärtuse muutust [3].

Oleme saanud, et

$$f_{\varepsilon}^* = z_{\varepsilon}^* = g_{\varepsilon}^*$$

ning ka

$$h_{\varepsilon}^* = \frac{1}{z_{\varepsilon}^*},$$

vastavalt võrrandite (1), (3), (4) ja (6) seostele.

Lahendada tuleb seega lineaarplaneerimisülesanne, et määrata, kas $f_{\varepsilon}^* \geq 1$ või vastavalt $h_{\varepsilon}^* \leq 1$, kus DMU on efektiivne siis ja ainult siis kui [3]

$$h_{\varepsilon}^* = f_{\varepsilon}^* = 1.$$

Lineaarplaneerimisülesande abil saab leida ka vabad muutujad s^{*+}, s^{*-} iga $j = 1, \dots, n$ jaoks [3]. Sel juhul on s^{*+} mittenegatiivsed vabad muutujad, mis on seotud väljundite puudujäägiga ja s^{*-} on sarnaselt vabad muutujad, mis on seotud sisendite ülejäägiga (*slack variables*). Kui s^{*+} on positiivne mõne $j=1, \dots, n$ korral, siis on võimalik vastavaid väljundeid suurendada vaba muutuja võrra, ilma et muutuks ühegi kaalu väärtus. Samamoodi on s^{*-} positiivsete väärtuste esinemise korral võimalik vastavaid sisendeid vähendada vabade muutujate võrra [3]. Kui puudu- või ülejäägid esinevad, siis nimetatakse DMU-d nõrgalt efektiivseks [4].

DMU on DEA mõistes tugevalt efektiivne [4] vaid siis, kui

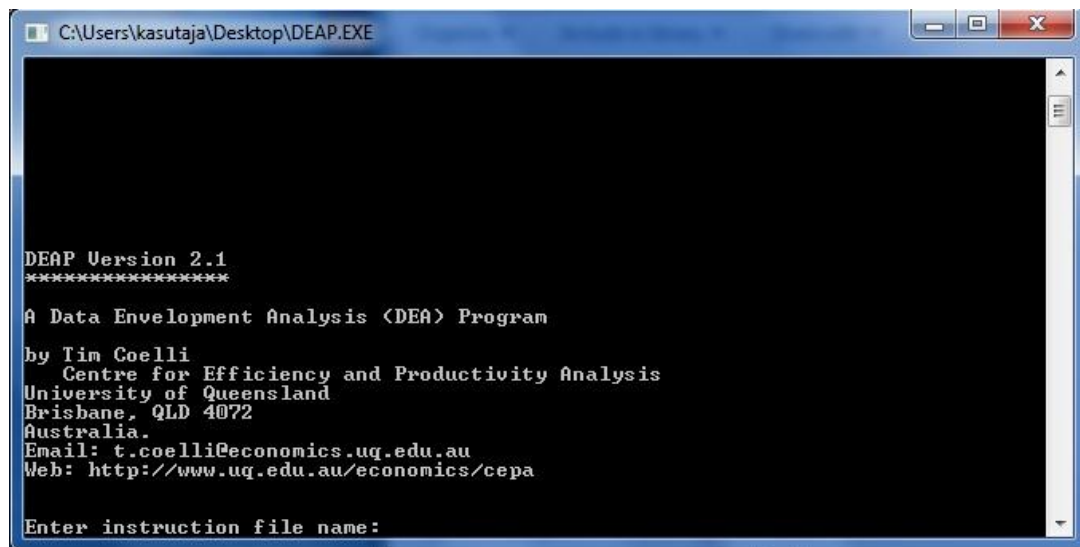
$$h^* = f^* = 1 \text{ ja } s^{*+} = s^{*-} = 0 \text{ iga } j = 1, \dots, n.$$

Meetodi kõige suurem puudus seisneb selles, et see on täielikult sõltuv talle antavatest sisenditest ja väljunditest ning selleks, et DMU-sid hinnata on kõige olulisem osa õigete muutujate valimine. Selleks on mitmeid võimalusi. Üheks võimaluseks on konsulteerida antud ala spetsialistidega, kes suudavad määrata kõige olulisemaid parameetreid. Teiseks võimaluseks on kasutada erinevaid komplekte ning kõigi erinevate tulemuste peal viia läbi veel mingi kontroll, mis analüüsib tulemuste olulisust. Selliseks kontrolliks on näiteks kasutatud Tobbit analüüsi [11].

DEAP tarkvara tutvustus

Analüüsi teostamiseks on selle töö raames kasutatud programmi DEAP (*Data Envelopment Analysis (Computer) Program*) [6]. Tegemist on kergesti mõistetava programmiga, mille autoriks on Tim Coelli. Programm on saadud CEPA (*Center for Efficiency and Productivity Analysis*) kodulehelt, kuhu see tasuta kasutamiseks ülesse on pandud. Lehele on lisatud soovitusel kontakteerumiseks programmi autoriga, kes vajadusel saab seletada programmi toimimist või juhatada uuemate versioonideni. Kuigi tegu on küllaltki vana programmiga on kasutamine mugav ning kaasas olevad juhendid väga põhjalikud.

Programmi kasutamiseks on vaja kahte tekstifaili. Kasutatavaks formaadiks on .txt. Esimeseks failiks on andmete fail, kus maatrikskujul on kirjas kõik sisendid ja väljundid. Read tähistavad erinevaid üksusi ning veerud väljundeid ja sisendeid, kusjuures väljundid tuleb kirja panna esimesena. Teine fail on andmeid kirjeldav ning määrab ära, millised veerud tähistavad sisendeid, millised väljundeid ning ka selle, millisesse faili hiljem programmi töö tulemused kirja pannakse.



Selleks, et lihtsustada programmi mõistmist esmakasutaja jaoks on CEPA kodulehelt saadavale programmile lisatud mitmeid näited, kust näeb täpselt, millises vormingus peavad vastavad failid olema ning mis tutvustavad erinevaid programmi kasutamise võimalusi. Lisaks õpetustele sisaldab allalaetav kaust ka materjale põhjaliku ülevaatega DEA olemusest ning meetoditest. Inimesel, kes pole DEA analüüsiga varem kokku puutunud, on võimalik selle programmi ning kaasas olevate lisafailide abil ennast piisaval määral kurssi viia, et DEAP-i kasutada ning selle väljastatud tulemusi õigesti mõista ning tõlgendada.

Rakendus

DMU-de valik

Käesoleva töö raames on DEA meetodit rakendatud Valga-, Võru- ja Põlvamaa gümnaasiumide efektiivsuse hindamisel. Tegu on Kagu-Eesti koolidega, mis on suhteliselt sarnased. Seega on võimalik koole paremini võrrelda, sest tingimused, milles koolid töötavad on sarnased. Pealinna ning väiksemate maakondade koolide vahel on keeruline võrdlust läbi viia, sest tingimused, milles töötatakse on liiga erinevad.

Valitud sai kolme maakonna koolid seetõttu, et vaid üks maakond annab liiga vähe informatsiooni. Märgime, et Eestis on EHIS-e (Eesti Hariduse Infosüsteemi) andmetel 230 gümnaasiumi [8]. Nende kolme maakonna 20 gümnaasiumi on piisavalt suur hulk, millele DEA meetodit rakendada. EHIS-est koolide kohta saadud andmetest koostatud tabel on toodud käesoleva töö lisana (vt Lisa 1). Läbiviidavas uurimuses on koolide andmed kodeeritud, kuna koolisüsteem on liiga keeruka ülesehitusega, et vaid matemaatilise meetodi põhjal anda lõplik hinnang koolide efektiivsusele. Koolide toimimine ning efektiivsus sõltub niivõrd paljudest erinevatest faktoritest, millest paljud ei ole mõõdetavad ega võrreldavad ning mille kohta Eesti kontekstis andmed puuduvad. Vaatamata sellele on matemaatiline lähenemine oluline, kuid kuna see ei ole piisav, on koolide kodeerimine vajalik.

Koolide nimekiri tähestikuliselt on:

- | | |
|--|---------------------------------|
| • Antsla Gümnaasium | • Tõrva Gümnaasium |
| • Audentese Spordigümnaasiumi Otepää filiaal | • Valga Gümnaasium |
| • Kanepi Gümnaasium | • Valga Kaugõppegümnaasium |
| • Otepää Gümnaasium | • Valga Vene Gümnaasium |
| • Parksepa Keskkool | • Varstu Keskkool |
| • Puka Keskkool | • Vastseliina Gümnaasium |
| • Põlva Keskkool | • Võru Kesklinna Gümnaasium |
| • Põlva Ühisgümnaasium | • Võru Kreutzwaldi Gümnaasium |
| • Räpina Ühisgümnaasium | • Võru Täiskasvanute Gümnaasium |
| • Tsirguliina Keskkool | • Värskä Gümnaasium |

Sisendite ja väljundite valimine

Selleks, et DEA meetodiga saadud tulemusi paremini omavahel võrrelda viime analüüsi läbi mitu korda ning kasutame erinevaid sisendite ja väljundite komplekte. Nii saame parema ülevaate sellest, kuidas sõltub üksuse efektiivsus sisendite ja väljundite valikust. Erinevate komplektide valikuks kasutame erinevaid teid. Sisendite ja väljundite komplekteerimise üheks võimaluseks on analüüsida varem läbiviidud uurimusi koolide efektiivsuse kohta DEA meetodiga ning valida üks komplekt sobivaimatest muutujatest.

DEA meetodit on varem väga mitmetel kordadel kasutatud koolide efektiivsuse hindamiseks. Erinevate tööde sisendeid ja väljundeid vaadeldes saab parema ettekujutuse, milliseid andmeid käesolevas töös kasutada. Selle jaoks tuuakse välja nelja sama tüüpi uurimuse sisendid ja väljundid. Vastavad uurimused on läbiviidud väga erinevates riikides ning ka analüüsi teostamise aeg on erinev - vanim kasutatud uurimus on 1994 aastast ning vaadeldavatest uusim on 2009. aastast.

1994. aastal avaldati töö, milles kasutati DEA meetodit, et aidata koolidel parandada oma efektiivsust. Selles töös on vaatluse all Suurbritannia põhikoolid, kus õppivate laste vanused jäävad vahemikku 11-15 aastat. Kasutatud on kahte sisendit [7]:

- keskväärtus verbaalse argumenteerimisoskuse tulemustest õpilase kohta (*Mean verbal reasoning score per pupil on entry*)
- õpilaste protsent, kes ei saa tasuta koolilõunat.

Kasutatud väljundid olid [7]:

- keskmine lõpueksami GCSE (*General Certificate of Secondary Education*) tulemus õpilase kohta
- õpilaste protsent, kes on töötud peale GCSE sooritamist.

Eesti kontekstis ei ole gümnaasiumiastmes harilikult tasuta koolilõunat. On olemas riigipoolsed toetused, kuid see ei ole mõjutatud kooli efektiivsusest. Samuti ei ole võimalik Eesti kontekstis tuua paralleele teise sisendi puhul. Väljunditega on olukord parem, sest kahest väljundist ühte, lõpueksamite tulemust, on gümnaasiumide korral võimalik võrrelda. Töötust ei ole võimalik iga kooli kohta eraldi mõõta.

Tai keskkoolide efektiivsust mõõdeti 2009. aasta artiklis [10], kus sisendeid oli kaks:

- õpilaste arv ühe õpetaja kohta

- õpilaste osakaal, kes ei ole pärit madala sissetulekuga peredest.

Väljunditeks olid:

- keskmised lõputestide tulemused
- õpilaste hulk, kes esimesel ja teisel aastal oma klassi lõpetasid
- lõpetajate hulk.

Eesti kontekstis ei ole avalikke andmeid õpilaste tausta ning perekondlikku toimetuleku kohta. Ülejäänud sisendid ja väljundid on kasutatavad ka antud uurimuse jaoks.

Ka Ameerikas Texase osariigis on 1996. aastal sama analüüs läbiviidud ning selles uurimuses on kasutatud väga paljusid sisendeid ja väljundeid. Kasutatud on kaheksat sisendit [1]:

- õpetajate arv ühe õpilase kohta tavaklassis
- õpetajate arv ühe õpilase kohta erivajadustega laste klassis
- teiste koolitöötajate arv õpilase kohta
- õpetaja keskmine aastane palk
- õpetaja keskmine töökogemus aastates
- õppematerjalide kulu ühe õpilase kohta
- vähemusrahvustest tudengite osakaal kooli õpilaste arvust
- puuduliku inglise keele oskusega õpilaste protsent.

Väljundeid on viis [1]:

- 9.-12. klassi õpilaste puudumiste hulk
- õpilaste hulk, kes ei kuku koolist välja, protsendina kõigist õpilastest
- keskmine matemaatikatesti hinne 9. ja 11. klassis
- keskmine lugemistesti hinne 9. ja 11. klassis
- keskmine kirjutamistesti hinne 9. ja 11. klassis.

Käesoleva uurimuse raames kasutatud koolides ei olnud eraldi infot toodud tava- ja erivajadustega klasside kohta. Samuti puudub info teiste koolitöötajate arvu kohta. Ka ülejäänud sisendite kohta ei ole Eesti gümnaasiumide puhul vajalikke avalikke andmeid. Väljundite puhul võib üldistavalt öelda, et hinnatakse lõpetajate hulka ning õpitulemusi, mis Eesti kontekstis oleks samaväärsed lõpueksamite tulemustega.

DEA meetodit on kasutatud ka Soome koolide efektiivsuse hindamisel 1998. aastal Kirjavaineni ja Loikkaneni poolt [11]. Nemad kasutasid oma töös nelja erinevat sisendite ja väljundite komplekti, ning rakendasid meetodit neile kõigile eraldi. Kokku kasutati kuut sisendit ning nelja väljundit. Selles uurimuses analüüsiti 291 kooli. Sisendid olid [11]:

- õppetundide arv nädalas
- õppetundide välise tegevuse arv tundides nädalas
- õpetajate töökogemus
- õpetajate haridustase
- kooli vastuvõtu tase
- õpilaste vanemate haridustase.

Väljundid olid:

- õpilaste hulk, kes ei jäänud klassikursust kordama
- lõpetajate hulk
- kohustuslike ainete eksamite tulemused
- vabaainete eksamite tulemused.

Kõigis neljas komplektis oli sisenditena kasutatud õppetundide ja õppetundide välise tegevuse hulka ning väljundina oli iga kord esindatud õpilaste hulk, kes ei jäänud klassikursust kordama ja lõpetajate hulk. Teised sisendid ja väljundid varieerusid nelja komplekti raames[11].

Sisendite puhul saab Eesti kontekstis infot õpetajate haridustaseme kohta, mis on EHIS-es toodud õpetajate kvalifikatsioonile vastavuse protsendina [8]. Ülejäänud sisendite kohta andmed puuduvad. Väljundite puhul on kättesaadavad nii lõpetajate protsent kui ka lõpueksamite tulemused.

Taolisi uuringuid on läbi viidud tunduvalt rohkem ning sõltuvalt riigist on parameetrid küllaltki erinevad. Väga hea ülevaate erinevatest artiklitest, mis käsitlevad keskkoolide efektiivsuse analüüsi DEA meetodil, saab tööst „Konkurentsi mõju Inglismaa keskkoolide efektiivsusele“ (*„The effect of competition on the efficiency of secondary schools in England“*) [2], kus on välja toodud 14 erinevat selleteemalist uurimust, mis vaatamata töö pealkirjale on kogutud erinevatest riikidest.

Maavalitsuste esindajate soovitatud sisendid ja väljundid

Selleks, et viia läbi võimalikult reaalsust arvestav analüüs, küsiti töö jaoks hinnangut ka analüüsis kasutatud kolme maakonna hariduslaste spetsialistide käest. Kolm testi viime läbi kasutades Valga, Võru ja Põlva maavalitsuste esindajate soovitusi selle kohta, millised on tähtsaimad koolide efektiivsust mõjutavad sisendid ja väljundid.

Põlva maavalitsuse poolt pakkus sisendid ja väljundid välja hariduse peaspetsialist, kelle hinnangul on kõige olulisemad sisendid:

- õpilaste arv koolis
- õpilaste arv klassis
- õpilaste hulk õpetaja kohta
- õpetajate haridustase ja elukestev õpe
- aktiivõppe meetodite kasutamine.

Kõige olulisemad väljundid on:

- lõpetajate arv
- edasiõppijate arv.

Väljundeid on antud kontekstis lihtne analüüsi kaasata, kasutades vastavate arvude asemel küll protsente, kuid sisendite puhul on olukord keerulisem, sest puuduvad andmed õpetajate elukestva õppe hindamiseks. Samuti ei ole EHIS-e kaudu võimalik saada infot konkreetsete aktiivõppe meetodite kasutamise kohta erinevates koolides. Ülejäänud sisendite kohta on andmed EHIS-es olemas ning analüüsi saab läbi viia kasutades kättesaadavaid andmeid.

Valga maavalitsuse haridus- ja kultuuritalituse juhataja hinnangul on antud protsessis sisenditena olulised:

- õpilaste arv koolis
- õpilaste arv ühe õpetaja kohta
- 10. klassi astuvate õpilaste arv.

Viimase puhul on lisamärkusena toodud see, et parima tulemuse annaks, kui võrrelda 10. klassi astunute õpilaste arvu sama kooli 9. klassi lõpetajate arvuga. See näitaks, paljud põhikooli lõpetajad soovivad sama kooli gümnaasiumiosas edasi õppida. Vastavat infot on keeruline saada, kuna kõigi gümnaasiumite juurde ei kuulu põhikooli osa.

Väljunditena toodi Valga maavalitsuse esindaja poolt välja:

- lõpetajate arv
- edasiõppijate protsent
- emakeele eksami keskmine hinne
- lõpetajate protsent sama lennu 10. klassi alustanutest
- gümnaasiumi astmes väljalangenud õpilaste protsent.

Viimased kaks väljundit on toodud lisana ning esimest kolme peetakse olulisemaks. Antud komplekti puhul on muutujateks, mille kohta andmeid pole saada gümnaasiumi astmes väljalangenud õpilaste protsent ning lõpetajate arv. Teataval määral hindab neid siiski neljas väljund ning seetõttu viime analüüsi läbi jättes välja esimese ja viienda väljundi.

Võru maavalitsuse haridus- ja sotsiaalosakonna juhata hinnangul on üheks olulisemaks haridusökonoomika küsimuseks õpilaste hulk õpetaja kohta. Teise olulise punktina toob ta välja õpilaste arvu koolis, sest väikese õpilaste arvuga koolid on raskes majanduslikus seisus ning paljud õpetajad töötavad osakoormusega. Need on sisendid, mida saab kasutada ka DEA meetodiga efektiivsuse arvutamisel. Lisaks peetakse oluliseks individuaalõppe osakaalu õpetusprotsessis, sest on äärmiselt oluline, et nii teistest andekamad kui ka nõrgemad õpilased saaksid koolis õpetust vastavalt oma võimetele.

Väljundite juures toob Võru maavalitsuse esindaja välja selle, et kuigi edasiõppijate protsent on oluline, on see ebatäpne. Kõik gümnaasiumi lõpetajad ei pea tema hinnangul otse ametikooli või kõrgkooli suunduma. Pigem peaks hindama lõpetajate rakendatust, mis arvestaks ka otse tööellu astujaid. Seda infot pole kahjuks Eesti kontekstis võimalik iga kooli kohta eraldi kätte saada. Lisaks on väljundina oluline lõpetajate tulemused, kuid üksikute ainete keskmine punktisumma ei anna tema sõnul piisavat ülevaadet ning rohkem infot annab gümnaasiumi lõputunnistuse hinnete keskmine. Kahjuks ei ole ka see info kooliti avalik.

Seega on Võru maavalitsuse pakutud sisendid:

- õpilaste hulk õpetaja kohta
- õpilaste arv koolis.

Väljundina saab DEA analüüsis kasutada mainitutest:

- edasiõppijate protsenti.

Testide läbiviimine

DEA meetodi rakendamiseks kasutatakse käesoleva töö raames DEAP programmi [6], mida lühidalt tutvustati esimeses peatükis. Tegu on DOS programmiga ning kogu info tuleb programmi sisestada tekstifailidena.

Analüüsi esimese sammuna tuleb koostada sisendfail. Sinna tuleb veergudena sisestada väljundid ja sisendid. Sisendfail koosnes 20 reast ja 5 veerust. Esimese komplektina kasutame sisenditena:

- gümnaasiumiõpilaste arvu koolis
- kvalifikatsioonile vastavate õpetajate poolt täidetud ametikohtade protsenti.

Väljundina kasutame:

- emakeele eksami keskmist hinnet
- lõpetajate protsenti sama lennu 10. klassi alustanutest
- edasiõppijate protsenti.

Vastava komplekti valikul kasutati eelmiste uurimuste infot. Õpetajate kvalifikatsioonile vastavus on samaväärne õpetajate haridustasemega, mida kasutati ka Kirjavaineni ja Loikkaneni töös sisendina [11]. Teise sisendi leidmine eelnevate uuringute põhjal oli keeruline, sest paljusid andmeid ei olnud võimalik Eesti kontekstis kätte saada. Valitud sai gümnaasiumiõpilaste arv, sest viimastel aastatel on Eestis olnud probleemiks väikeste gümnaasiumite sulgemine, kuna õpilasi on kooli jäänud liiga vähe ning seetõttu on kooli efektiivsuse jaoks oluline ka see, et ta suudaks hoida piisavalt suurt õpilaste arvu, et mitte sattuda sulgemisohtu.

Väljundina sai valitud emakeeleeksami hinne, sest ka eelnevaid uurimusi analüüsides kasutati sageli lõpueksamite tulemusi väljundina ning emakeele eksam on ainus eksam, mille peavad sooritama kõik lõpetajad. Lõpetajate hulka on kasutatud mitmes eelnevas analüüsis, kuid kuna koolide õpilaste hulk on niivõrd erinev, siis annab parema ülevaate lõpetajate protsent ning leides selle 10. klassi alustanutest kaasatakse analüüsi ka väljalangejate hulk, mida on kasutatud väljundina mitmes eelnevas töös. Edasiõppijate protsent on väljundina lisatud seetõttu, et Eesti kontekstis on gümnaasium vaid vaheaste põhikooli ning kõrghariduse vahel ning eesmärgiks on anda õpilasele vajalikud oskused, et ta saaks jätkata oma haridusteed

kõrgkoolis või gümnaasiumijärgses kutseõppes [9]. Seega on edasiõppijate protsent hea näitaja selleks, kuidas gümnaasium oma eesmärgi täidab.

Analüüsis kasutati 20 kooli andmeid 2010/2011 õppeaastast, kuna uuemaid eksamitulemusi ei ole töö koostamise ajal võimalik veel kätte saada. Eksamitulemused on aga oluline väljund koolide efektiivsuse hindamisel. Lisaks muutus 2011/2012 õppeaastast ka emakeele eksami tüüp. Alates 1997. aastast on kirjutatud küpsuskirjandit, kuid 2012. aasta lõpetajad peavad tegema kaheosalise eesti keele eksami, mis koosneb tekstianalüüsist ning lühikirjandist. Oleks olnud liiga riskantne võtta analüüsi esmakordselt sooritatud eksami tulemused, mis võivad erinevatel põhjustel olla mõjutatud eksami tüübi muutusest.

Gümnaasiumiõpilaste arv koolis varieerus minimaalselt 22 õpilasest kuni maksimaalse 344 õpilaseni. Sedavõrd suur erinevus mõjutab kahjuks efektiivsuse arvutamist ning kuna see on kõige laiem väärtuste hulgaga parameeter siis on tal ka kõige suurem mõju efektiivsuse arvutamisel. Seega võib oletada, et väiksemad koolid saavad suurema efektiivsuse näidu, kuna sisendiks oleva õpilaste või gümnaasiumiõpilaste hulga korvamine teiste sisendite ja väljundite baasil on keeruline. Kvalifikatsioonile vastavate õpetajate poolt täidetud ametikohtade arv ulatus 62,1%-st 100%-ni. Emakeele eksamina arvestati eestikeelsete koolide puhul eesti keele kirjandi keskmist hinnet ning venekeelsete koolide puhul vene keele kirjandi keskmist hinnet. Emakeeleeksami keskmine hinne oli 42,5 punktist 64 punktini. Lõpetajate protsent sama lennu 10. klassi alustanutest oli kooliti üsna erinev ulatudes 39,3%-st 97,7%-ni. Vaadates sama aasta lõpetajate protsenti võetuna sama lennu 12. klassi alustanutest, leidis viis kooli, kus lõpetajate protsent oli 100. Edasiõppijate protsent 2010/2011 aastal lõpetanutest oli 21,9%-st kuni 100%-ni.

Järgmise sammuna tuleb koostada juhendfail (vt lisa 2), mis määrab, millisest failist võetakse info ning millisesse faili väljastatakse tulemused. Lisaks tuleb anda ette DMU-de hulk ning sisendite ja väljundite arv. Juhendfailis saab ka määrata, kas programm peaks teostama sisenditele või väljunditele orienteeritud analüüsi. Antud näites kasutame väljunditele orienteeritud meetodit, sest sooviks on teada, kuidas olemas oleva õpilaste arvu ja kvalifikatsioonile vastavate õpetajate hulgaga suurendada võimalikult palju emakeele kirjandi tulemust ning lõpetajate hulka ning edasiõppimisprotsenti. Väljunditele orienteerituse valime just seetõttu, et sageli ei ole võimalik kooli poolt mõjutada õpilaste hulka, sest laste hulk on aastatega paratamatult vähenenud ning koolid peavad suutma efektiivselt töötada ka väheste õpilastega. Eriti mõjutab see probleem väiksemaid maakooli, kust õpilased tihti linna kooli

lähevad, ning just gümnaasiumeid, sest kui põhikooli lõpuni on lapsed liiga noored, et vanematest eraldi linnas elada, siis gümnaasiumiealised kolivad üha enam linna ühiselamutesse või korteritesse, et saada paremat haridust. Õpetajate kvalifikatsioonile vastavust saab küll parandada, võimaldades õpetajatel kooli kõrvalt ka ennast harida ning täiendkoolitustel käia, kuid seda ei saa kooli poolt eeldada. Seega valime väljunditele orienteerituse, sest eesmärk on olemasolevate võimaluste piires parandada õpilaste lõpetamise ning edasiõppimise protsenti ning eksamitulemusi.

Valida tuleb kas CRS (*Constant returns to scale*) või VRS (*Variable returns to scale*) DEA meetodi vahel, millest selles näites kasutame VRS tüüpi [6]. Need tüübid mõjutavad skaleerimist. CRS puhul suureneb sisendeid suurendades proportsionaalselt ka väljund. Praegusel juhul ei saa seda eeldada, sest õpilaste hulka suurendades ei pruugi lõpetajate protsent paraneda isegi sel juhul, kui kaks korda suureneb ka õpetajate kvalifikatsioonile vastavus, sest olulist rolli võib mängima hakata hoopis õpetajate hulk, sest kui ühe õpetaja kohta on liiga palju õpilasi, siis võib õppekvaliteet hoopis kannatada. VRS korral ei ole sisendite muutmisel eeldatud väljundite muutumine samades proportsioonides. Kui valida DEAP-s VRS tüüp, siis kalkuleeritakse nii CRS kui VRS ning ka nende suhe CRS/VRS, mis näitab skaleerimisefektiivsust. Skaleerimine on ebaefektiivne, kui CRS ja VRS tulemused erinevad. Samas on kõik CRS tüüpi efektiivsed DMU-d efektiivsed ka VRS korral.

Lisaks saab valida viie erineva DEA tüübi vahel: mitmesammuline DEA (*multi-stage DEA*), hinnatud või kaalutud DEA (*cost DEA*), Malmquist-DEA ning ühe- ja kahesammuline DEA (*1-stage and 2-stage DEA*) vahel [6]. Antud näites kasutame ühesammulist DEA meetodit. Kahe- ja mitmesammulist tüüpi kasutatakse siis, kui on sama sisendi või väljundi mitmekordsed vaatused vastavalt kaks või enam korda. See on kasulik analüüsides sama kooli andmete muutumist aja jooksul. Kaalutud DEA puhul on sisendfailis lisatud veerud, mis sisaldavad erinevate DMU-de sisendite numbrilist hinda või kaalu. Malmquist tüüpi kasutatakse juhul kui samade DMU-de sama sisendit ja väljundit on vaadeldud mitme aasta vältel. Sel juhul on vaadeldud ühte sisendit ja ühte väljundit. Andmed tuleb esitada ridadena nii, et kõigepealt kõigi DMU-de andmed esimese aasta kohta, siis järgmiste ridadena kõik andmed teise aasta kohta jne.

Testide tulemused

Käesoleva töö raames viidi DEA analüüsi läbi neli korda, kasutades igal korral erinevaid sisendite ja väljundite komplekte, mis koostati vastavalt teises peatükis kirjeldatule. Eelnevate uurimuste põhjal koostatud sisendite ja väljundite komplektiga läbiviidud analüüsi tulemusfail on esitatud käesoleva töö lisa, et anda parem ülevaade kasutatud tarkvarast DEAP ning selle tööst. DEAP väljund annab nii kompaktsed tabelid, kuhu on kantud kõigi DMU-de andmed, kui ka info iga DMU kohta eraldi. Nii on väljundit kerge kasutada nii sel juhul, kui soovitakse infot ühe DMU kohta, kui ka olukorras, kus olulisem on erinevate DMU-de omavaheline võrdlus ning suhted.

Esimesena viidi läbi analüüs kasutades eelnevate uurimuste põhjal koostatud sisendite ja väljundite komplekti. Selle analüüsi tulemustest näeme, et antud sisendite ja väljundite puhul oli CRS tüübiga 6 ja VRS korral 10 gümnaasiumit efektiivsed ehk nende efektiivsusnäitaja on võrdne ühega. Kõige madalama efektiivsusega on nii VRS kui CRS korral gümnaasium number² 12, mille efektiivsusnäitaja on vastavalt 0,695 (VRS) ja 0,542 (CRS). Keskmise efektiivsusnäitaja on CRS juhul 0,873 ja VRS juhul 0,982. Samuti on VRS tüüpi valides võimalik näha, kuidas sisendeid muutes väljundid proportsionaalselt muutuvad, vastavalt on tegu vähendava skaleeritavusega DRS (*Decreasing Returns to Scale*) või suurendava skaleeritavusega IRS (*Increasing Returns to Scale*). IRS-ga on tegu vaid kooli 14 korral.

Järgmisena kirjeldatakse iga DMU sisendite ülejääke ja väljundite puudujääke. See näitab, kui palju iga DMU korral võib mõnda sisendit vähendada nii, et väljundid ei muutuks ja seda, kui palju saaks väljundeid suurendada käesolevate sisendite korral. Paljud jäägid võrduvad antud olukorras nulliga, mis näitab, et üle- ja puudujääke on küllaltki vähe (vt Lisa 2).

Sellele järgneb info ankrute (peers) kohta, mis näitab iga DMU jaoks, milliseid teisi DMU-sid tema efektiivsuse määramiseks kasutati. DEA mõistes efektiivsed DMU-d on aluseks teiste DMU-de hindamisel ning seega nende jaoks teatavaks ankruks. Nii on efektiivsete DMU-de puhul ainsaks ankruks DMU ise. Kõige rohkem oli ankruks DMU 17, mida kasutati kuue mitteeffektiivse DMU ankruna. Kõige vähem olid ankruks DMU 1 ja 19, mida ei kasutatud ühegi teise DMU ankruna. Ankrute puhul on oluline ka nende järjestus ning esimese ankruna kasutati kõige rohkem DMU-sid 11 ja 17, mida kasutati kolmel korral. Lisaks on ankrute puhul olulised nende kaalud, mis on ära toodud tabelis 2.

² Koolide järjestus on esitatud kodeeritult ning ei vasta eelnevalt esitatud tähestikulisele järjekorrale.

DMU-d	DMU-de ankrud			
1	1			
2	2			
3	3			
4	7	9	11	2
5	5			
6	17	5	11	2
7	7			
8	9	7	10	
9	9			
10	10			
11	11			
12	9	7	10	
13	5	17		
14	17	10		
15	11	17		
16	11	17		
17	17			
18	17	5		
19	19			
20	11	5	3	10

Tabel 1 : DMU-de ankrud

DMU-d	Ankrute kaalud			
1	1,000			
2	1,000			
3	1,000			
4	0,113	0,067	0,394	0,427
5	1,000			
6	0,090	0,122	0,268	0,520
7	1,000			
8	0,099	0,173	0,728	
9	1,000			
10	1,000			
11	1,000			
12	0,444	0,355	0,201	
13	0,171	0,829		
14	0,703	0,297		
15	0,600	0,400		
16	0,711	0,289		
17	1,000			
18	0,897	0,103		
19	1,000			
20	0,085	0,568	0,111	0,236

Tabel 2: Ankrute kaalud

DEAP-i väljundis on ka info nn sihtide (targets) kohta, mis näitavad iga DMU puhul sisendite ja väljundite väärtusi, mis oleks efektiivsuseks vaja saavutada. Kogu see info on antud ka eraldi iga DMU kohta ja nii on võimalik saada ühe DMU kohta kogu info ilma, et peaks läbi käima kõik tabelid ning sealt selle DMU kohta andmeid otsima.

Järgmistes analüüsides kasutame sisendite ja väljundite komplekte, mis on välja pakutud maavalitsuste esindajate poolt ning ülejäänud andmed juhendfailis jäävad samaks (väljundile orienteeritud meetod, ühesammuline ja VRS tüüpi). Põlva maavalitsuse pakutud sisenditest kasutati õpilaste arvu koolis, õpilaste arvu klassis (klassi täituvus), õpilaste hulka ühe õpetaja kohta ja õpetajate haridustaset (kvalifikatsioonile vastavus). Väljunditena kasutati lõpetajate ja edasiõppijate protsenti. Efektiivsed olid CRS korral 8 ja VRS korral 9 gümnaasiumit. Keskmise efektiivsus oli vastavalt 0,889 (CRS) ja 0,936 (VRS). Jääkide puhul oli IRS tüüpi lisaks koolile 14 ka kool 8.

Valga maavalitsuse poolt pakutud sisenditest kasutati õpilaste arvu koolis, õpilaste arvu ühe õpetaja kohta ning väljunditena edasiõppijate protsenti, emakeele eksami keskmist hinnet ja lõpetajate protsent sama lennu 10. klassi alustanutest. Efektiivseid gümnaasiume oli CRS

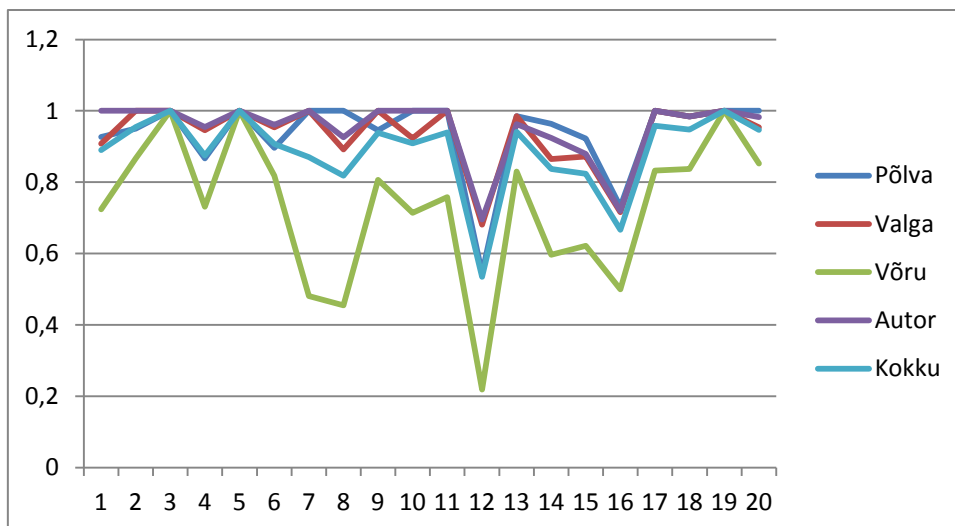
korral 2 (lisaks oli ühe kooli efektiivsus 0,999) ja VRS korral 8. Keskmised efektiivsused olid 0,735 (CRS) ja 0,954 (VRS). Sel korral olid kõik koolid DRS skaleerimisega.

Võru maavalitsus sisenditeks olid õpilaste arv koolis ning õpilaste hulk ühe õpetaja kohta. Väljundiks oli edasiõppijate protsent, mis toodi välja kui oluline, kuid siiski ebatäpne näitaja. Efektiivseid gümnaasiumeid on sel korral 2 (CRS) ja 3 (VRS) ning keskmised efektiivsused olid 0,580 (CRS) ja 0,732(VRS). Kõik koolid olid DRS skaleerimisega.

DMU	Põlva	Valga	Võru	Autor	Kokku
1	0,927	0,908	0,724	1	0,88975
2	0,95	1	0,867	1	0,95425
3	1	1	1	1	1
4	0,867	0,946	0,731	0,955	0,87475
5	1	1	1	1	1
6	0,896	0,954	0,818	0,961	0,90725
7	1	1	0,481	1	0,87025
8	1	0,892	0,455	0,926	0,81825
9	0,946	1	0,807	1	0,93825
10	1	0,923	0,714	1	0,90925
11	1	1	0,758	1	0,9395
12	0,545	0,681	0,219	0,695	0,535
13	0,985	0,985	0,83	0,963	0,94075
14	0,964	0,865	0,597	0,924	0,8375
15	0,922	0,872	0,622	0,879	0,82375
16	0,731	0,716	0,5	0,72	0,66675
17	1	1	0,833	1	0,95825
18	0,984	0,984	0,837	0,984	0,94725
19	1	1	1	1	1
20	1	0,954	0,852	0,982	0,947
Keskmine	0,936	0,934	0,732	0,95	0,888

Tabel 3: DEA VRS efektiivsus iga DMU kohta vastavalt Põlva, Valga ja Võru maavalitsuse ning autori koostatud sisendite ja väljundite komplektide alusel

Jooniselt 1 ja tabelist 3 on näha, et erinevate sisendite ja väljundite komplektide puhul on iga kooli efektiivsusnäitajad küllaltki erinevad. Samas on näha üpris kindlat suunda ning koolid, mis on ühe komplekti puhul kõrge efektiivsusega on ka teiste komplektide korral teistest efektiivsemad. On mõistetav, et efektiivsuse näidud on erinevad, sest kasutades erinevaid parameetreid on koolide tulemused erinevad.



Joonis 1: DMU-de efektiivsus vastavalt Põlva, Valga ja Võru maavalitsuse ning autori koostatud sisendite ja väljundite komplektide alusel

DEA meetodit koolidele rakendades on kõige olulisem valida õiged parameetrid. Meetod kasutab vaid etteantud andmeid ning seetõttu peabki enne analüüsi kindlaks määrama, millised on need parameetrid, mis koolide puhul olulised on, sest kasutades erinevaid sisendeid ja väljundeid on koolide järjestus erinev. Koolide järjestus erinevate komplektidega on näha tabelis 4, kus järjestus on vähem efektiivsetest efektiivseteni.

Põlva	Valga	Võru	Autor	Kokku
12	12	12	12	12
16	16	8	16	16
4	14	7	15	8
6	15	16	14	15
15	8	14	8	14
1	1	15	4	7
9	10	10	6	4
2	4	1	13	1
14	6	4	20	6
18	20	11	18	10
13	18	9	1	9
3	13	6	2	11
5	2	13	3	13
7	3	17	5	20
8	5	18	7	18
10	7	20	9	2
11	9	2	10	17
17	11	3	11	3
19	17	5	17	5
20	19	19	19	19

Tabel 4 : Koolide järjestus iga komplekti kohta vähem efektiivsest efektiivseni

Tabelis 4 on teatud hulk iga veeru viimastest elementidest erinevalt märgistatud, sest see tähistab neid DMU-sid, mille efektiivsus oli võrdne ühega ning mis seetõttu järjestati DMU koodi alusel. Seega on need koolid tegelikult efektiivsusest võrdsed ning neid ei ole võimalik tegelikult järjestada. Samas annab veerg „Kokku“ hea ülevaate koolide järjestusest, sest selle jaoks on arvutatud iga DMU aritmeetiline keskmine tema efektiivsuse näitudest kõigis neljas komplektis. Kõige efektiivsemad on koolid 3, 5 ja 19 sest nende keskmine efektiivsusnäitaja kõigi kolme komplekti peale on 1 ehk nad on kõigis komplektides efektiivsed. Eelnevalt tehtud oletus leidis kinnitust, sest kõigi kolme kooli puhul on tegu väikese õpilaste arvuga koolidega ja see näitab kui suurt mõju avaldab õpilaste hulk efektiivsuse näidule. Selleks, et teised sisendid ja väljundid pääseksid paremini mõjule peaks lisama kaalud.

Kõige vähemefektiivsem on gümnaasium 12, mis on igas komplektis kõige väiksema efektiivsuse näiduga ning keskmine näit nelja komplekti peale on tabeli 3 põhjal 0,535. Vaadeldes andmeid selgub, et tegu ei ole suure õpilaste arvuga kooliga ning see näitab, et kui ülejäänud sisendite ja väljundite väärtused on nõrgemad kui teistel koolidel siis ei avalda õpilaste arv niivõrd suurt mõju kui efektiivsete koolide esikolmikus.

Kokkuvõte

Käesoleva töö eesmärgiks oli tutvustada matemaatilist DEA meetodit, mis aitab erinevate üksuste efektiivsust hinnata ka olukordades, kus efektiivsus ei sõltu vaid kasumist. Nii on selle meetodi abil võimalik erinevaid üksuste sisendeid ja väljundeid kasutades ning lineaarplaneerimisülesande lahendamise teel leida efektiivsusnäitaja iga üksuse jaoks. Töös on DEA meetodit rakendatud Kagu-Eesti gümnaasiumide hindamisel, sest koolide efektiivsust hinnata ja neid võrrelda on muude meetoditega keeruline.

Töös hinnatavaid koole oli 20. Nende puhul oli tegu kõigi Põlva-, Valga- ja Võrumaa gümnaasiumidega, mille hulka arvestati ka kaugõppegümnaasiumid ning piiranguid ei olnud ka keeleliselt ja eestikeelsete gümnaasiumide hulgas on ka üks vene õppekeelega kool. Selleks, et saada parimat ülevaadet, millised on nende maakondade koolide kõige olulisemad näitajad küsiti kolme maakonna maavalitsuste esindajate hinnangul kõige olulisemaid sisendeid ja väljundeid, mida analüüsis kasutada. Iga maakonna poolt pakuti välja erinev komplekt ning neljas komplekt koostati töö autori poolt arvestades varasemaid uuringuid, kus DEA meetodit oli rakendatud koolide efektiivsuse hindamiseks, ning kõigi komplektide põhjal viidi töös läbi DEA analüüs.

Meetodi rakendamise tegi lihtsamaks arvutiprogramm DEAP, mis on loodud selleks, et lihtsustada DEA analüüsi läbiviimist. Antud töös kasutati ühesammulist DEA meetodit VRS tüüpi jääkide skaleerimisega ning väljunditepõhist analüüsi. Meetodit rakendades oli iga kasutatud sisendite ja väljundite komplekti puhul koolide efektiivsusnäitajad veidi erinevad ning iga komplekti puhul oli DEA mõistes efektiivsete koolide hulk erinev varieerudes kolmest efektiivsest koolist kümneni ning komplektide keskmine efektiivsus oli vahemikus 0,732-0,950.

Selleks, et meetodit kasutada realselt kehtiva koolisüsteemi hindamiseks on kõige olulisem saada sisendid ja väljundid, mis on just Eesti kontekstis kõige olulisemad koolide hindamiseks. Tulevikus võiks DEA meetodiga koole veelgi põhjalikumalt uurida. Üheks võimaluseks oleks meetodi rakendamine kõikidele Eesti gümnaasiumidele. Teine uurimussuund võiks olla koolide efektiivseks muutmine ja selle analüüs, sest DEA meetodiga on võimalik leida ka need parameetrid, mida iga kool muutma peaks, et olla DEA mõistes efektiivne. Mõlemad suunad oleks põnevad ning annaksid hea ülevaate Eesti gümnaasiumide olukorrast ning sellest, kuidas praegu kehtivat süsteemi parandada.

Data Envelopment Analysis and the application of the method to the Southeastern Estonian Secondary schools

Bachelor Thesis

Liina Muru

Summary

The aim of this Bachelor Thesis is to introduce Data Envelopment Analysis method and to apply it to the secondary schools of Southeastern Estonia. DEA method is a mathematical method that calculates the efficiency by solving linear programming problem. This method is special because it can calculate efficiency of non-profit organizations like hospitals, libraries and administrative units.

This paper consists of four parts. The first part is the introduction of the DEA method. The second part is about choosing the inputs and outputs. DEA method needs different inputs and outputs and to find the best parameters, we contacted the County Governments of the three Southeastern Estonian counties, Põlva, Valga and Võru, which schools we analyzed in the paper. Every county government proposed a different set of inputs and outputs and so we got three sets to use in the DEA method. The fourth set was conducted using the information found in the earlier studies from all over the world. The third part is application of the method to the secondary schools of Southeastern Estonia and the fourth part is results. We analyzed 20 schools.

To apply the method on the sets we used Data Envelopment Analysis (Computer) Program (DEAP) which is a DOS-program from the nineties, but inspite of the age is a very good program. It makes applying the DEA method easy. It only needs two .txt files, which consist of instructions and data. The program has many choices when it comes to the type of DEA. User can pick from output or input oriented method, one-, two- or multistage method, Malmquist or cost DEA.

Results of the analyze depend on the inputs and outputs. With one set there were only three efficient schools and in another there were ten. The mean value of efficiency varied from 0,732 to 0,950. This study can be used by the professionals to analyze the educational system. The most important part of the analyze is to find the right inputs and outputs to describe the educational system.

Kasutatud materjalid

1. Arnold, V.L. ; Bardhan, I.R. ; Cooper, W.W. ; Kumbhakar, S.C. (1996) „New uses of DEA and statistical regressions for efficiency evaluation and estimation – with an illustrative application to public secondary schools in Texas“, *Annals of Operations Research*, 66, lk 255-277
2. Bradley, S. ; Johnes, G. ; Millington, J. (2001) „The effect of competition on the efficiency of secondary schools in England“, *European Journal of Operational Research*, 135(3), lk 545-568
3. Charnes, A. ; Cooper, W.W. ; Rhodes, E. (1978) „Measuring the efficiency of decision making units“, *European Journal of Operational Research*, 2, lk 429-444
4. Cooper, W.W. ; Seiford, L.M. ; Zhu, J. (2011) „Handbook on Data Envelopment Analysis“, *Springer US*, lk 1-39
5. Cooper, W.W. ; Seiford, L.M. ; Tone, K. (2000) „Data Envelopment Analysis: A Comprehensive Text with Models, Applications, References and DEA-Solver Software“, *Kluwer Academic Publishers*, lk 24
6. DEAP arvutiprogramm
<http://www.uq.edu.au/economics/cepa/deap.php> (Viimati külastatud 13.11.2012)
7. Thanassoukis, E. ; Dunstan, P. (1994) „Guiding Schools to Improved Performance Using Data Envelopment Analysis: An Illustration with Data from a Local Education Authority“, *Journal of the Operational Research Society*, 45(11), lk 1247-1262
8. Eesti Hariduse Infosüsteem
www.ehis.ee (Viimati külastatud 15.02.2013)
9. Gümnaasiumi riiklik õppekava
<https://www.riigiteataja.ee/akt/13272925> (Viimati külastatud 12.04.2013)
10. Kantabutra, S. (2009). „Using a DEA Management Tool through a Nonparametric Approach: An Examination of Urban-Rural Effects on Thai School Efficiency.“, *International Journal of Education Policy and Leadership*, 4(2), lk 1-14
11. Kirjavainen, T. ; Loikkanen, H.A. (1998) „Efficiency differences of Finnish senior secondary schools: An application of DEA and Tobit analysis“, *Economics of Education Review*, 17(4), lk 377-394

Lisad

Lisa 1

Koolide andmed

				õpilaste koguarv			gümnaasiumiõpilaste arv			
				2010/2011	2011/2012	2013	2010/2011	2011/2012	2013	
	Asukoht	Maakond								
Antsla Gümnaasium	Antsla vald (Võru maakond)	Võru maakond		420	376	354	108	104	97	
Audentese Spordigümnaasiumi Otepää filiaal	Otepää vald (Valga maakond)	Valga maakond		54	52	53	54	52	53	
Kanepi Gümnaasium	Kanepi vald (Põlva maakond)	Põlva maakond		231	215	202	58	47	50	
Otepää Gümnaasium	Otepää vald (Valga maakond)	Valga maakond		446	439	403	111	96	92	
Parksepa Keskkool	Võru vald (Võru maakond)	Võru maakond		354	361	331	153	152	138	
Puka Keskkool	Puka vald (Valga maakond)	Valga maakond		138	123	113	22	17	13	
Põlva Keskkool	Põlva linn (Põlva maakond)	Põlva maakond		369	341	271	103	78	35	
Põlva Ühisgümnaasium	Põlva linn (Põlva maakond)	Põlva maakond		741	712	714	233	239	266	
Räpina Ühisgümnaasium	Räpina vald (Põlva maakond)	Põlva maakond		508	486	458	135	136	118	
Tsireguliina Keskkool	Tõlliste vald (Valga maakond)	Valga maakond		175	151	142	33	30	33	
Tõrva Gümnaasium	Tõrva linn (Valga maakond)	Valga maakond		482	497	463	118	126	107	
Valga Gümnaasium	Valga linn (Valga maakond)	Valga maakond		662	621	151	131	132	151	
Valga Kaugõppegümnaasium	Valga linn (Valga maakond)	Valga maakond		104	97	78	93	82	66	
Valga Vene Gümnaasium	Valga linn (Valga maakond)	Valga maakond		441	417	404	83	72	63	
Varstu Keskkool	Varstu vald (Võru maakond)	Võru maakond		148	127	105	73	59	38	
Vastseliina Gümnaasium	Vastseliina vald (Võru maakond)	Võru maakond		260	232	222	90	78	63	
Võru Kesklinna Gümnaasium	Võru linn (Võru maakond)	Võru maakond		555	469	427	139	69	26	
Võru Kreutzwaldi Gümnaasium	Võru linn (Võru maakond)	Võru maakond		910	911	842	344	334	315	
Võru Täiskasvanute Gümnaasium	Võru linn (Võru maakond)	Võru maakond		216	191	155	179	164	134	
Värskas Gümnaasium	Värskas vald (Põlva maakond)	Põlva maakond		150	131	126	39	32	37	

	Keskmine kirjandi tulemus		Lõpetajate protsent 10. klassi alustanutest		Edasiõppijate protsent		Kvalifikatsioonile vastavate õpetajate poolt täidetud ametikohtade arv		Õpilast õpetaja kohta
	2009/2010	2010/2011	2009/2010	2010/2011	2009/2010	2010/2011	2010/2011	2011/2012	
Antsla Gümnaasium	57,6	44,4	97,7	84,1	65,1	62,2	93,6	97,3	10
Audentese Spordigümnaasiumi Otepää filiaal	55,7	57,5	40,5	81,25	46,7	100	97,1	100	11
Kanepi Gümnaasium	58,5	56,8	68,2	71,1	100	85,2	88,8	94,6	9
Otepää Gümnaasium	66,2	58,3	93	80,5	83	81,8	96,1	94,6	14
Parksepa Keskool	45,6	43,4	75,5	82,7	67,6	59,7	76,3	91,2	13
Puka Keskool	61,2	61,7	86,7	71,4	76,9	60	100	98,1	4
Põlva Keskool	43,5	42,5	72,1	68,6	74,2	50	94,2	97,1	12
Põlva Ühisgümnaasium	61,9	58,1	96,5	94,5	74,4	83,7	99,3	96,5	12
Räpina Ühisgümnaasium	66,2	59,2	83,3	97,7	84	83,3	82,3	80,9	11
Tsireguliina Keskool	55,9	63,2	100	81,2	73,3	38,5	97,7	97,8	7
Tõrva Gümnaasium	64,5	58,9	85,5	83,9	83	73,1	100	100	11
Valga Gümnaasium	68,2	61,3	78,3	83,3	85,2	86,7	100	100	10
Valga Kaugõppegümnaasium	41,7	53,5	44	39,3	45,5	45,5	71,4	79,6	35
Valga Vene Gümnaasium	66,8	50,3	64,1	87,9	64	72,4	82	85,5	11
Varstu Keskool	54,7	55,6	94,4	70	82,4	71,4	62,1	58,6	10
Vastseliina Gümnaasium	61,7	61,3	92,3	94,3	72,2	75,8	92,7	89,4	11
Võru Kesklinna Gümnaasium	48,9	55,2	88,9	91,4	70,8	83	86,5	83,7	10
Võru Kreutzwaldi Gümnaasium	69	64	92,2	90,6	78,8	80,7	93,8	94,1	12
Võru Täiskasvanute Gümnaasium	40,5	43,1	54,5	48,5	47,2	21,9	88,8	96,1	23
Värskä Gümnaasium	69,8	54,6	75	83,3	83,3	80	92,2	84	7

Lisa 2

Juhendfail

andmed.txt	DATA FILE NAME	<i>**andmete tabel, veergudena väljundid-sisendid**</i>
valjund.txt	OUTPUT FILE NAME	<i>**tulemuste faili nimi, mis luuakse**</i>
20	NUMBER OF FIRMS	<i>**DMU-de hulk**</i>
1	NUMBER OF TIME PERIODS	<i>**ajaperioodide hulk**</i>
3	NUMBER OF OUTPUTS	<i>**väljundite arv**</i>
2	NUMBER OF INPUTS	<i>**sisendite arv**</i>
1	0=INPUT AND 1=OUTPUT ORIENTATED	<i>**sisenditele või väljunditele orienteeritus**</i>
1	0=CRS AND 1=VRS	<i>**jääkide skaleerimismeetodi valik**</i>
3	0=DEA(MULTI-STAGE), 1=COST-DEA, 2=MALMQUIST-DEA, 3=DEA(1-STAGE), 4=DEA(2-STAGE)	<i>**DEA tüübi valik**</i>

Väljundfail

Output orientated DEA

Scale assumption: VRS

Single-stage DEA - residual slacks presented

EFFICIENCY SUMMARY:

****efektiivsuse näidud CRS, VRS, CRS/VRS****

firm	crste	vrste	scale
1	0.994	1.000	0.994 drs
2	0.754	1.000	0.754 drs
3	1.000	1.000	1.000 -
4	0.744	0.955	0.779 drs
5	1.000	1.000	1.000 -
6	0.747	0.961	0.777 drs
7	1.000	1.000	1.000 -
8	0.837	0.926	0.903 drs
9	0.837	1.000	0.837 drs
10	1.000	1.000	1.000 -
11	0.954	1.000	0.954 drs
12	0.542	0.695	0.780 drs
13	0.906	0.963	0.940 drs
14	0.913	0.924	0.988 irs
15	0.802	0.879	0.912 drs
16	0.660	0.720	0.917 drs
17	1.000	1.000	1.000 -
18	0.810	0.984	0.823 drs
19	1.000	1.000	1.000 -
20	0.961	0.982	0.979 drs

mean 0.873 0.950 0.917

Note: crste = technical efficiency from CRS DEA

vrste = technical efficiency from VRS DEA

scale = scale efficiency = crste/vrste

Note also that all subsequent tables refer to VRS results

SUMMARY OF OUTPUT SLACKS:

****väljundite puudujäägid****

firm	output:	1	2	3
1		0.000	0.000	0.000
2		0.000	0.000	0.000
3		0.000	0.000	0.000
4		0.000	0.000	0.000
5		0.000	0.000	0.000
6		0.000	3.549	0.000
7		0.000	0.000	0.000
8		0.000	31.561	17.526
9		0.000	0.000	0.000
10		0.000	0.000	0.000

11	0.000	0.000	0.000
12	0.000	13.318	32.328
13	1.606	0.000	0.000
14	11.177	0.000	15.177
15	9.957	0.000	8.050
16	1.663	0.000	8.519
17	0.000	0.000	0.000
18	0.003	0.000	0.000
19	0.000	0.000	0.000
20	0.000	6.216	0.000
mean	1.220	2.732	4.080

SUMMARY OF INPUT SLACKS:

****sisendite ülejäägid****

firm input:	1	2
1	0.000	0.000
2	0.000	0.000
3	0.000	0.000
4	0.000	3.547
5	0.000	0.000
6	0.000	0.000
7	0.000	0.000
8	0.000	0.000
9	0.000	0.000
10	0.000	0.000
11	0.000	0.000
12	0.000	0.000
13	17.879	1.664
14	36.416	0.000
15	0.000	5.060
16	0.000	4.504
17	0.000	0.000
18	106.378	15.469
19	0.000	0.000
20	0.000	0.000
mean	8.034	1.512

SUMMARY OF PEERS:

****ankrute kokkuvõte****

firm peers:	
1	1
2	2
3	3
4	7 9 11 2
5	5
6	17 5 11 2
7	7
8	9 7 10

9	9
10	10
11	11
12	9 7 10
13	5 17
14	17 10
15	11 17
16	11 17
17	17
18	17 5
19	19
20	11 5 3 10

SUMMARY OF PEER WEIGHTS:
(in same order as above)

****ankrute kaalud****

firm peer weights:

1	1.000
2	1.000
3	1.000
4	0.113 0.067 0.394 0.427
5	1.000
6	0.090 0.122 0.268 0.520
7	1.000
8	0.099 0.173 0.728
9	1.000
10	1.000
11	1.000
12	0.444 0.355 0.201
13	0.171 0.829
14	0.703 0.297
15	0.600 0.400
16	0.711 0.289
17	1.000
18	0.897 0.103
19	1.000
20	0.085 0.568 0.111 0.236

PEER COUNT SUMMARY:

****mitu korda iga DMU ankruks oli****

(i.e., no. times each firm is a peer for another)

firm peer count:

1	0
2	2
3	1
4	0
5	4
6	0
7	3
8	0

9	3
10	4
11	5
12	0
13	0
14	0
15	0
16	0
17	6
18	0
19	0
20	0

SUMMARY OF OUTPUT TARGETS:

****väljundite eesmärgid****

firm output:	1	2	3
1	50.300	87.900	72.400
2	61.300	83.300	86.700
3	61.700	71.400	60.000
4	61.694	87.881	76.568
5	57.500	81.250	100.000
6	60.648	87.291	85.095
7	63.200	81.200	38.500
8	57.748	73.981	66.638
9	64.000	90.600	80.700
10	55.600	70.000	71.400
11	61.300	94.300	75.800
12	62.024	83.114	63.844
13	58.909	94.881	86.161
14	58.131	89.472	79.765
15	60.460	95.660	78.800
16	60.693	95.282	77.967
17	59.200	97.700	83.300
18	59.024	95.999	85.027
19	54.600	83.300	80.000
20	57.842	78.621	86.763

SUMMARY OF INPUT TARGETS:

****sisendite eesmärgid****

firm input:	1	2
1	83.000	82.000
2	131.000	100.000
3	22.000	100.000
4	118.000	96.453
5	54.000	97.100
6	111.000	96.100
7	33.000	97.700
8	93.000	71.400
9	344.000	93.800
10	73.000	62.100

11	90.000	92.700
12	179.000	88.800
13	121.121	84.836
14	116.584	76.300
15	108.000	88.540
16	103.000	89.696
17	135.000	82.300
18	126.622	83.831
19	39.000	92.200
20	58.000	88.800

FIRM BY FIRM RESULTS:

**** andmed iga DMU kohta eraldi****

Results for firm: 1

Technical efficiency = 1.000

Scale efficiency = 0.994 (drs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	50.300	0.000	0.000	50.300
output	2	87.900	0.000	0.000	87.900
output	3	72.400	0.000	0.000	72.400
input	1	83.000	0.000	0.000	83.000
input	2	82.000	0.000	0.000	82.000

LISTING OF PEERS:

peer	lambda weight
1	1.000

Results for firm: 2

Technical efficiency = 1.000

Scale efficiency = 0.754 (drs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	61.300	0.000	0.000	61.300
output	2	83.300	0.000	0.000	83.300
output	3	86.700	0.000	0.000	86.700
input	1	131.000	0.000	0.000	131.000
input	2	100.000	0.000	0.000	100.000

LISTING OF PEERS:

peer	lambda weight
2	1.000

Results for firm: 3

Technical efficiency = 1.000

Scale efficiency = 1.000 (crs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	61.700	0.000	0.000	61.700
output	2	71.400	0.000	0.000	71.400

output	3	60.000	0.000	0.000	60.000
input	1	22.000	0.000	0.000	22.000
input	2	100.000	0.000	0.000	100.000

LISTING OF PEERS:

peer	lambda	weight
3	1.000	

Results for firm: 4

Technical efficiency = 0.955

Scale efficiency = 0.779 (drs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	58.900	2.794	0.000	61.694
output	2	83.900	3.981	0.000	87.881
output	3	73.100	3.468	0.000	76.568
input	1	118.000	0.000	0.000	118.000
input	2	100.000	0.000	-3.547	96.453

LISTING OF PEERS:

peer	lambda	weight
7	0.113	
9	0.067	
11	0.394	
2	0.427	

Results for firm: 5

Technical efficiency = 1.000

Scale efficiency = 1.000 (crs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	57.500	0.000	0.000	57.500
output	2	81.250	0.000	0.000	81.250
output	3	100.000	0.000	0.000	100.000
input	1	54.000	0.000	0.000	54.000
input	2	97.100	0.000	0.000	97.100

LISTING OF PEERS:

peer	lambda	weight
5	1.000	

Results for firm: 6

Technical efficiency = 0.961

Scale efficiency = 0.777 (drs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	58.300	2.348	0.000	60.648
output	2	80.500	3.243	3.549	87.291
output	3	81.800	3.295	0.000	85.095
input	1	111.000	0.000	0.000	111.000

input	2	96.100	0.000	0.000	96.100
-------	---	--------	-------	-------	--------

LISTING OF PEERS:

peer	lambda	weight
17	0.090	
5	0.122	
11	0.268	
2	0.520	

Results for firm: 7

Technical efficiency = 1.000

Scale efficiency = 1.000 (crs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	63.200	0.000	0.000	63.200
output	2	81.200	0.000	0.000	81.200
output	3	38.500	0.000	0.000	38.500
input	1	33.000	0.000	0.000	33.000
input	2	97.700	0.000	0.000	97.700

LISTING OF PEERS:

peer	lambda	weight
7	1.000	

Results for firm: 8

Technical efficiency = 0.926

Scale efficiency = 0.903 (drs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	53.500	4.248	0.000	57.748
output	2	39.300	3.120	31.561	73.981
output	3	45.500	3.612	17.526	66.638
input	1	93.000	0.000	0.000	93.000
input	2	71.400	0.000	0.000	71.400

LISTING OF PEERS:

peer	lambda	weight
9	0.099	
7	0.173	
10	0.728	

Results for firm: 9

Technical efficiency = 1.000

Scale efficiency = 0.837 (drs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	64.000	0.000	0.000	64.000
output	2	90.600	0.000	0.000	90.600
output	3	80.700	0.000	0.000	80.700
input	1	344.000	0.000	0.000	344.000

input 2 93.800 0.000 0.000 93.800

LISTING OF PEERS:

peer lambda weight
9 1.000

Results for firm: 10

Technical efficiency = 1.000

Scale efficiency = 1.000 (crs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	55.600	0.000	0.000	55.600
output	2	70.000	0.000	0.000	70.000
output	3	71.400	0.000	0.000	71.400
input	1	73.000	0.000	0.000	73.000
input	2	62.100	0.000	0.000	62.100

LISTING OF PEERS:

peer lambda weight
10 1.000

Results for firm: 11

Technical efficiency = 1.000

Scale efficiency = 0.954 (drs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	61.300	0.000	0.000	61.300
output	2	94.300	0.000	0.000	94.300
output	3	75.800	0.000	0.000	75.800
input	1	90.000	0.000	0.000	90.000
input	2	92.700	0.000	0.000	92.700

LISTING OF PEERS:

peer lambda weight
11 1.000

Results for firm: 12

Technical efficiency = 0.695

Scale efficiency = 0.780 (drs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	43.100	18.924	0.000	62.024
output	2	48.500	21.295	13.318	83.114
output	3	21.900	9.616	32.328	63.844
input	1	179.000	0.000	0.000	179.000
input	2	88.800	0.000	0.000	88.800

LISTING OF PEERS:

peer lambda weight
9 0.444
7 0.355

10 0.201

Results for firm: 13

Technical efficiency = 0.963

Scale efficiency = 0.940 (drs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	55.200	2.103	1.606	58.909
output	2	91.400	3.481	0.000	94.881
output	3	83.000	3.161	0.000	86.161
input	1	139.000	0.000	-17.879	121.121
input	2	86.500	0.000	-1.664	84.836

LISTING OF PEERS:

peer lambda weight

5 0.171

17 0.829

Results for firm: 14

Technical efficiency = 0.924

Scale efficiency = 0.988 (irs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	43.400	3.554	11.177	58.131
output	2	82.700	6.772	0.000	89.472
output	3	59.700	4.889	15.177	79.765
input	1	153.000	0.000	-36.416	116.584
input	2	76.300	0.000	0.000	76.300

LISTING OF PEERS:

peer lambda weight

17 0.703

10 0.297

Results for firm: 15

Technical efficiency = 0.879

Scale efficiency = 0.912 (drs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	44.400	6.103	9.957	60.460
output	2	84.100	11.560	0.000	95.660
output	3	62.200	8.550	8.050	78.800
input	1	108.000	0.000	0.000	108.000
input	2	93.600	0.000	-5.060	88.540

LISTING OF PEERS:

peer lambda weight

11 0.600

17 0.400

Results for firm: 16

Technical efficiency = 0.720

Scale efficiency = 0.917 (drs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	42.500	16.531	1.663	60.693
output	2	68.600	26.682	0.000	95.282
output	3	50.000	19.448	8.519	77.967
input	1	103.000	0.000	0.000	103.000
input	2	94.200	0.000	-4.504	89.696

LISTING OF PEERS:

peer lambda weight

11 0.711

17 0.289

Results for firm: 17

Technical efficiency = 1.000

Scale efficiency = 1.000 (crs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	59.200	0.000	0.000	59.200
output	2	97.700	0.000	0.000	97.700
output	3	83.300	0.000	0.000	83.300
input	1	135.000	0.000	0.000	135.000
input	2	82.300	0.000	0.000	82.300

LISTING OF PEERS:

peer lambda weight

17 1.000

Results for firm: 18

Technical efficiency = 0.984

Scale efficiency = 0.823 (drs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original value	radial movement	slack movement	projected value
output	1	58.100	0.921	0.003	59.024
output	2	94.500	1.499	0.000	95.999
output	3	83.700	1.327	0.000	85.027
input	1	233.000	0.000	-106.378	126.622
input	2	99.300	0.000	-15.469	83.831

LISTING OF PEERS:

peer lambda weight

17 0.897

5 0.103

Results for firm: 19

Technical efficiency = 1.000

Scale efficiency = 1.000 (crs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original	radial	slack	projected
		value	movement	movement	value
output	1	54.600	0.000	0.000	54.600
output	2	83.300	0.000	0.000	83.300
output	3	80.000	0.000	0.000	80.000
input	1	39.000	0.000	0.000	39.000
input	2	92.200	0.000	0.000	92.200

LISTING OF PEERS:

peer	lambda weight
19	1.000

Results for firm: 20

Technical efficiency = 0.982

Scale efficiency = 0.979 (drs)

PROJECTION SUMMARY:

variable		original	radial	slack	projected
		value	movement	movement	value
output	1	56.800	1.042	0.000	57.842
output	2	71.100	1.304	6.216	78.621
output	3	85.200	1.563	0.000	86.763
input	1	58.000	0.000	0.000	58.000
input	2	88.800	0.000	0.000	88.800

LISTING OF PEERS:

peer	lambda weight
11	0.085
5	0.568
3	0.111
10	0.236

Lihtlitsents lõputöö reprodutseerimiseks ja lõputöö üldsusele kättesaadavaks tegemiseks

Mina, Liina Muru (sünnikuupäev: 23.02.1991)

1. annan Tartu Ülikoolile tasuta loa (lihtlitsentsi) enda loodud teose

„DEA meetodi rakendamine Kagu-Eesti gümnaasiumide efektiivsuse hindamisel“,

mille juhendaja on Peep Miidla,

1.1.reprodutseerimiseks säilitamise ja üldsusele kättesaadavaks tegemise eesmärgil, sealhulgas digitaalarhiivi DSpace-is lisamise eesmärgil kuni autoriõiguse kehtivuse tähtaja lõppemiseni;

1.2.üldsusele kättesaadavaks tegemiseks Tartu Ülikooli veebikeskkonna kaudu, sealhulgas digitaalarhiivi DSpace'i kaudu kuni autoriõiguse kehtivuse tähtaja lõppemiseni.

2. olen teadlik, et punktis 1 nimetatud õigused jäävad alles ka autorile.

3. kinnitan, et lihtlitsentsi andmisega ei rikuta teiste isikute intellektuaalomandi ega isikuandmete kaitse seadusest tulenevaid õigusi.

Tartus, 03.06.2013